

2015 级“概率论与数理统计”期中考试试卷

2016 年 11 月 12 日

系别 _____ 学号 _____ 姓名 _____

题号	一 36	二 12	三 12	四 10	五 10	六 10	七 10	合计
得分								

一. (6 分 × 6 = 36 分)

(1) 已知 $P(A)=P(B)=P(C)=\frac{1}{4}$, $P(AB)=0$, $P(AC)=P(BC)=\frac{1}{16}$, 求事件 A, B, C 全不发生的概率.

(2) 从 0, 1, 2, ..., 9 十个数字中任取三个数字, 试求下列事件的概率: (a) 三个数字中不含 0 和 5; (b) 三个数字中含 0, 但不含 5; (c) 三个数字中不含 0 或 5.

(3) 设随机变量 $X \sim U(0, 1)$, $Y = e^{X+1}$, 求 Y 的概率密度函数.

(4) 设 $P(X \geq 0, Y \geq 0) = \frac{3}{7}$, $P(X \geq 0) = P(Y \geq 0) = \frac{4}{7}$, 求 $P(\max\{X, Y\} \geq 0)$.

(5) 设随机变量 X 的分布为 $X \sim \begin{pmatrix} -2 & 0 & 2 & 3 \\ 0.3 & 0.1 & 0.4 & 0.2 \end{pmatrix}$, 求 $E(X^2+3)$.

(6) 已知随机变量 $X \sim N(1, 3^2)$, $Y \sim N(0, 4^2)$, 且 $\rho_{XY} = -\frac{1}{2}$, 设 $Z = \frac{X}{3} + \frac{Y}{2}$, 求 $E(Z)$ 和 $D(Z)$.

二. (12 分) 设袋中有 m 只正品硬币, n 只次品硬币 (次品硬币的两面均为正面), 现从袋中任取 1 只硬币, 将它投掷 k 次. (1) 求这 k 次均出现正面的概率; (2) 已知投出的 k 次均为正面, 求这只硬币是正品的概率.



三. (12分) 设随机变量 X 的概率密度为
$$p(x) = \begin{cases} \frac{A}{\sqrt{1-x^2}}, & |x| < 1 \\ 0, & |x| \geq 1 \end{cases}$$

试求: (1) 系数 A ; (2) X 落在 $(-0.5, 0.5)$ 内的概率; (3) X 的分布函数 $F(x)$; (4) $Y = \arcsin X$ 的密度函数, 并说明 Y 服从什么分布.

四. (10分) 设随机变量 X 与 Y 相互独立, 且 $X \sim E(3), Y \sim E(4)$, 求 $Z = 3X + 4Y$ 的概率密度.

五. (10分) 设二维随机变量 (X, Y) 的概率分布如下:

求 $EX, EY, DX, DY, \text{cov}(X, Y), \rho_{XY}$.

	Y		
X \		0	1
0		$\frac{1}{8}$	$\frac{1}{8}$
1		$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$
2		0	$\frac{1}{4}$

六. (10分) 现有 24 张奖券, 其中 12 张为 2 元, 8 张为 5 元, 4 张为 10 元. 现从中无放回地取 6 张, 求获得奖金总额 X 的数学期望.

七. (10分) 设 X 为连续型随机变量, 密度函数 $p(x)$ 为偶函数, 且 $EX^2 < \infty$, 证明 X 与 $Y = |X|$ 不相关, 但 X 与 Y 不独立.



2016 级经济管理类“概率论与数理统计”期中考试试卷

2017 年 11 月 18 日

系别 _____ 学号 _____ 姓名 _____

题号	一 36	二 10	三 10	四 12	五 10	六 12	七 10	合计
得分								

一. (6 分×6=36 分)

1. 设事件 A 与 B 满足条件 $P(AB)=P(\bar{A}\bar{B})$, 且 $P(A)=p$, 求 $P(B)$.

2. 将 10 本书任意地放到书架上, 其中有两套书, 一套书有 3 本, 另一套有 4 本, 求下列事件的概率: (1) 3 本一套的书放在一起; (2) 两套书各自放在一起.

3. 设随机变量 X 的密度函数为 $p(x) = \begin{cases} \frac{2}{\pi(1+x^2)}, & x > 0 \\ 0, & x \leq 0 \end{cases}$, 试求 $Y=\ln X$ 的密度函数.

4. 设 $P(X \geq 0, Y \geq 0) = \frac{3}{7}$, $P(X \geq 0) = P(Y \geq 0) = \frac{4}{7}$, 求 $P(\max\{X, Y\} \geq 0)$.

5. 设随机变量 X, Y, Z 相互独立, 且 $X \sim U[0, 8]$, $Y \sim P(2)$, $Z \sim N(0, 1)$, 求方差 $D[(3X-2Y)Z]$.

6. 设袋中装有 m 个颜色各不相同的球, 有返回地摸取 n 次, 摸到了 X 种颜色的球, 求 EX.

二. (10 分) 某厂有甲, 乙, 丙三个车间生产同种产品, 已知其产量分别占全厂的 25%, 35%, 40%. 设甲, 乙, 丙三个车间的次品率分别为 5%, 4%, 2%. 现从全厂产品中任取一件, (1) 求取得次品的概率; (2) 已知取得次品, 求该产品是甲车间生产的概率.



三. (10分) 设袋中有 a 个白球, b 个黑球, 逐一把球取出 (不返回), 直至留在袋中的球都是同一种颜色为止, 求最后是白球留在袋中的概率.

四. (12分) 设商店在每日开门营业时, 放在柜台上的某种商品的货物量为 Y (公斤), 当日销售量为 X (公斤), 并且一天中不再往柜台上补充这种商品, 根据以往资料知

(X, Y) 的联合密度函数为 $p(x, y) = \begin{cases} \frac{1}{200}, & 0 < x \leq y, 0 < y \leq 20 \\ 0, & \text{其它} \end{cases}$, (1) 求给定 $Y=y$ 条件

下, X 的条件密度函数; (2) 设商店某日开门时, $Y=10$ (公斤), 求这一天销售量 $X \leq 5$ (公斤) 的概率, 如果 $Y=20$ (公斤), 结果会怎样?

五. (10分) 设随机变量 X, Y 独立同分布, 它们的密度函数为 $p(x) = \begin{cases} xe^{-x}, & x > 0 \\ 0, & x \leq 0 \end{cases}$, 求 $Z=X+Y$ 的密度函数.

六. (12分) 设随机变量 θ 服从 $[-\pi, \pi]$ 上的均匀分布, 令 $X=\sin \theta, Y=\cos \theta$.

(1) 试求 X 与 Y 的相关系数; 并问 X 与 Y 是否相关? (2) 讨论 X 与 Y 是否相互独立? 为什么?

七. (10分) 在长为 1 的线段上任取 n 个点, 试求最远的两点之间的距离的数学期望.

